

13. Übungsblatt

Abgabe: Die, 3.2.2009

Aufgabe 1 Gegeben sei die elliptische Kurve $E : y^2 = x^3 - x$.

- (a) Berechnen Sie $|E(\mathbb{Z}_5)|$.
- (b) Bestimmen Sie die Struktur von $E(\mathbb{Z}_5)$.

Aufgabe 2 Sei $E : y^2 = x^3 + ax + b$ eine elliptische Kurve über dem Körper K . Wie viele Elemente der Ordnung 2 kann $E(K)$ höchstens haben?

Aufgabe 3 Berechnen Sie unter Verwendung eines Computer-Algebrasystems den diskreten Logarithmus $\log_3 1996$ in \mathbb{Z}_{1999}^* mittels des Baby-Step-Giant-Step-Algorithmus.