

Inhaltsverzeichnis

I. Topologische Räume	1
I.1 Prolog: Metrische Räume	2
I.2 Grundbegriffe	6
I.3 Stetige Abbildungen	12
I.4 Konvergenz	17
I.5 Kompakte Räume	21
I.6 Zusammenhängende Räume	29
I.7 Existenz stetiger Funktionen, normale Räume	34
I.8 Der Satz von Baire	39
I.9 Aufgaben	47
I.10 Literaturhinweise	53
II. Funktionentheorie	55
II.1 Der Begriff der analytischen Funktion	56
II.2 Der Cauchysche Integralsatz	64
II.3 Die Hauptsätze über analytische Funktionen	77
II.4 Isolierte Singularitäten und Residuenkalkül	93
II.5 Der Primzahlsatz	106
II.6 Aufgaben	120
II.7 Literaturhinweise	128
III. Gewöhnliche Differentialgleichungen	131
III.1 Beispiele für Differentialgleichungen, elementare Lösungsmethoden	132
III.2 Der Existenz- und Eindeutigkeitssatz von Picard-Lindelöf	144
III.3 Abhängigkeit der Lösung von den Daten	151
III.4 Lineare Systeme	154
III.5 Systeme mit konstanten Koeffizienten	159

III.6	Lineare Differentialgleichungen höherer Ordnung	168
III.7	Qualitative Theorie nichtlinearer Systeme	178
III.8	Randwertprobleme	195
III.9	Aufgaben	199
III.10	Literaturhinweise	207
IV.	Maß- und Integrationstheorie	209
IV.1	σ -Algebren	211
IV.2	Inhalte und Maße	216
IV.3	Konstruktion von Maßen; das Lebesguemaß	221
IV.4	Messbare Funktionen	230
IV.5	Integrierbare Funktionen	234
IV.6	Konvergenzsätze	242
IV.7	Die \mathcal{L}^p -Räume	248
IV.8	Produktmaße und der Satz von Fubini	256
IV.9	Einige Anwendungen	266
IV.10	Aufgaben	283
IV.11	Literaturhinweise	291
V.	Funktionalanalysis	293
V.1	Normierte Räume	294
V.2	Lineare Operatoren	307
V.3	Hilberträume	317
V.4	Orthonormalbasen und Fourierreihen	330
V.5	Der Satz von Hahn-Banach; Reflexivität	342
V.6	Eigenwerttheorie kompakter Operatoren	354
V.7	Sturm-Liouvillesche Eigenwertprobleme	368
V.8	Aufgaben	373
V.9	Literaturhinweise	380